

Технический комитет по стандартизации  
«Криптографическая защита информации»  
(ТК 26)

## ПРОЕКТ МЕТОДИЧЕСКИХ РЕКОМЕНДАЦИЙ

---

КРИПТОГРАФИЧЕСКИЕ АЛГОРИТМЫ ВЫРАБОТКИ КЛЮЧЕЙ  
ШИФРОВАНИЯ ИНФОРМАЦИИ И АУТЕНТИФИКАЦИОННЫХ  
ВЕКТОРОВ, ПРЕДНАЗНАЧЕННЫЕ ДЛЯ РЕАЛИЗАЦИИ В  
АППАРАТНЫХ МОДУЛЯХ ДОВЕРИЯ ДЛЯ ИСПОЛЬЗОВАНИЯ В  
ПОДВИЖНОЙ РАДИОТЕЛЕФОННОЙ СВЯЗИ

---

Москва  
2016

# Содержание

|  |    |
|--|----|
| Введение   | 3  |
| 1 Описание криптографических задач, решаемых с помощью предлагаемого решения | 3  |
| 2 Описание предлагаемого решения   | 4  |
| 2.1 Обозначения и сокращения   | 4  |
| 2.2 S3G-128  | 5  |
| 2.2.1 Вычисление значения $OP_C$   | 5  |
| 2.2.2 Вычисление значений $f_1, f_1^*$                                       | 6  |
| 2.2.3 Вычисление значений $f_2, f_3, f_4, f_5$ и $f_5^*$                     | 7  |
| 2.3 S3G-256  | 7  |
| 2.3.1 Вычисление значения $TOP_C$  | 8  |
| 2.3.2 Вычисление значений $f_1$ и $f_1^*$                                    | 9  |
| 2.3.3 Вычисление значений $f_2, f_5$ и $f_5^*$                               | 10 |
| 2.3.4 Вычисление значений $f_3, f_4$   | 11 |
| Список литературы  | 12 |

## Введение

В настоящее время широкое распространение в мире получили средства коммуникации, основанные на технологии мобильной связи третьего поколения (далее – 3G). 3G объединяет в себе высокоскоростной мобильный доступ к услугам радиосвязи и сети Интернет. При подключении пользователя к сети мобильной связи производится его аутентификация и выработка сеансовых ключей, формируемых из основного ключа, располагающегося на SIM-карте и в центре аутентификации. Рабочей группой по безопасности (TSG SA WG3) консорциума 3rd Generation Partnership Project (3GPP, [www.3gpp.org](http://www.3gpp.org)) были разработаны конструкции MILENAGE [1, 2] и TUAK [3, 5, 4] (последняя обладает более высокими эксплуатационными и криптографическими характеристиками), которые содержат наборы примеров базовых функций алгоритма аутентификации и выработки сеансовых ключей. Конструкции MILENAGE и TUAK в качестве базовых криптографических алгоритмов используют алгоритм блочного шифрования AES и хэш-функцию Кессак [7, 8] соответственно. Замена иностранных криптографических алгоритмов в конструкциях MILENAGE и TUAK на отечественные криптографические алгоритмы является актуальной задачей и обеспечит повышение уровня защиты тайны переговоров и персональных данных граждан.

Ниже приводится описание наборов базовых функций криптографических алгоритмов выработки ключей шифрования информации и аутентификационных векторов, предназначенных для реализации в аппаратных модулях доверия для использования в подвижной радиотелефонной связи, и использующих в качестве базового криптографического преобразования отечественный алгоритм хэширования – ГОСТ Р 34.11-2012 [6] с длиной хэш-кода 512 бит, получившие названия S3G-128 и S3G-256 (S3G – Secure 3G).

## 1 Описание криптографических задач, решаемых с помощью предлагаемого решения

Конструкции S3G-128 и S3G-256 представляют собой криптографические алгоритмы аутентификации и выработки ключей шифрования информации, предназначенные для реализации в аппаратных модулях доверия для использования в подвижной радиотелефонной связи. При этом они могут использоваться как в рамках сети 3G, так и, ввиду универсальности используемых механизмов, в сетях более низкого поколения. В частности, данные конструкции предназначены для аутентификации сторон в процессе информационного взаимодействия, а именно абонента (мобильный терминал) и базовой приемно-передающей станцией. В случае корректного завершения процедуры аутентификации между абонентом и базовой приемно-передающей

станцией, конструкции S3G-128 и S3G-256 используются для генерации центром аутентификации и пользователем (мобильный терминал) общих ключей шифрования и контроля целостности передаваемой информации.

## 2 Описание предлагаемого решения

При описании конструкций S3G-128 и S3G-256 будут использоваться терминология и обозначения введенные в документации 3GPP (см., например [1, 2, 3, 5, 4]). В рамках настоящего описания криптографические алгоритмы выработки ключей шифрования информации и аутентификационных векторов рассматриваются в виде набора некоторых базовых функций, построенных на основе отечественной криптографической хэш-функции ГОСТ Р 34.11-2012 [6] с длиной хэш-кода 512 бит, обозначаемой далее  $H$ .

### 2.1 Обозначения и сокращения

|                 |  |   |
|-----------------|--|---|
| AMF             | Authentication Management Field                | управляющее поле аутентификации;  |
| AK              | Anonymity Key                                  | ключ анонимизации;  |
| СК              | Cipher Key                                     | ключ шифрования;  |
| IK              | Integrity Key                                  | ключ контроля целостности;  |
| К               | Subscriber Key                                 | ключ пользователя (основной ключ);  |
| MAC             | Message Authentication Code                    | код аутентификации;   |
| MAC-A           | Network Authentication Code                    | код аутентификации сети;  |
| MAC-S           | Resynchronisation Authentication Code          | код аутентификации ресинхронизации;   |
| OP              | Operator Variant Algorithm Configuration Field | секретное значение, используемое в конструкции MILENAGE для персонификации оператора связи; |
| OP <sub>C</sub> |  | вектор, получаемый из OP и К по правилу $OP_C = OP \oplus E_K(OP)$ ;                        |
| RAND            | Random Number                                  | случайный вектор;   |
| RES             | Response to Challenge                          | идентификационный отзыв;  |
| XRES            | Expected User Response                         | предполагаемое значение идентификационного отзыва;  |

|                  |  |  |
|------------------|--|--|
| SQN              | Sequence Number                                      | номер попытки идентификации;   |
| TOP              | Operator Variant<br>Algorithm<br>Configuration Field | секретное значение, используемое в наборе функций TUAK для персонификации оператора связи; |
| TOP <sub>C</sub> |  | вектор, вырабатываемый из TOP и K;   |

## 2.2 S3G-128

Результатом функционирования конструкции MILENAGE [1, 2] являются семь значений, получаемых в результате вычисления семи базовых функций  $f_1, f_1^*, f_2, f_3, f_4, f_5, f_5^*$ . Значения, получаемые в результате вычисления каждой из упомянутых функций, будем ассоциировать с самой функцией, то есть в результате вычисления функции  $f_1$  получается значение  $f_1$ , и т.д. В результате вычисления базовых функций конструкции S3G-128 получается семь значений  $f_1, f_1^*, f_2, f_3, f_4, f_5, f_5^*$ , где

$$\begin{aligned}
f_1 &= f_1[63] || \dots || f_1[0] && \text{(MAC-A);} \\
f_1^* &= f_1^*[63] || \dots || f_1^*[0] && \text{(MAC-S);} \\
f_2 &= f_2[63] || \dots || f_2[0] && \text{(RES);} \\
f_3 &= f_3[127] || \dots || f_3[0] && \text{(CK);} \\
f_4 &= f_4[127] || \dots || f_4[0] && \text{(IK);} \\
f_5 &= f_5[47] || \dots || f_5[0] && \text{(AK);} \\
f_5^* &= f_5^*[47] || \dots || f_5^*[0] && \text{(AK).}
\end{aligned}$$

### 2.2.1 Вычисление значения OP<sub>C</sub>

Для вычисления значения OP<sub>C</sub> на вход конструкции S3G-128 поступают четыре вектора:

$$\begin{aligned}
K &\in V_{128} && \text{algoname} \in V_{24} \\
OP &\in V_{128} && \text{inf}_1 \in V_7
\end{aligned}$$

Вектор **algoname** содержит краткое название алгоритма в ASCII-кодировке, а именно «AUT» (без кавычек). Вектор **inf<sub>1</sub>** равен (0||0||0||0||0||0||0).

Из четырех векторов формируется общий вектор

$$F_{OP} = K || OP || \text{inf}_1 || \text{algoname} \in V_{287}.$$

Затем вычисляется

$$H(F_{OP}) = \text{HO}[511] || \dots || \text{HO}[0] \in V_{512}.$$

Тогда

$$\text{OP}_C = \text{OP}_C[127] || \dots || \text{OP}_C[0] = \text{HO}[511] || \dots || \text{HO}[384].$$

**Замечание 1.** В соответствии с рекомендациями 3GPP значение  $\text{OP}_C$  вычисляется на предварительном этапе и хранится на USIM.

## 2.2.2 Вычисление значений $f_1, f_1^*$

Для вычисления значений  $f_1$  и  $f_1^*$  на вход конструкции S3G-128 поступают восемь векторов:

$$\begin{array}{llll} \text{K} \in V_{128} & \text{RAND} \in V_{128} & \text{SQN} \in V_{48} & \text{AMF} \in V_{16} \\ \text{OP}_C \in V_{128} & \text{inf}_2 \in V_7 & \text{algoname} \in V_{24} & \text{add} \in V_{32} \end{array}$$

При вычислении значений  $f_1, f_1^*$  вектор  $\text{inf}_2$  полагается равным  $(0||0||0||0||0||0||1)$ . Вектор  $\text{add}$  полагается равным нулевому вектору длины 32, вместе с тем, при необходимости, значение данного вектора может выбираться оператором связи.

Из восьми векторов формируется общий вектор

$$\text{F}_1 = \text{K} || \text{RAND} || \text{SQN} || \text{AMF} || \text{OP}_C || \text{add} || \text{inf}_2 || \text{algoname} \in V_{511}.$$

Затем вычисляется

$$H(\text{F}_1) = \text{HF}_1[511] || \dots || \text{HF}_1[0] \in V_{512}.$$

Тогда

$$\begin{aligned} f_1 &= f_1[63] || \dots || f_1[0] = \text{HF}_1[511] || \dots || \text{HF}_1[448]; \\ f_1^* &= f_1^*[63] || \dots || f_1^*[0] = \text{HF}_1[447] || \dots || \text{HF}_1[384]. \end{aligned}$$

Общая схема вычисления значений  $f_1, f_1^*$  изображена на рисунке 1.

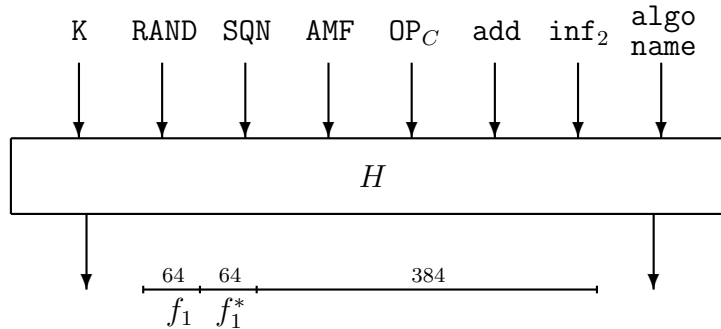


Рис. 1: Вычисление значений  $f_1, f_1^*$

### 2.2.3 Вычисление значений $f_2, f_3, f_4, f_5$ и $f_5^*$

Для вычисления значений  $f_2, f_3, f_4, f_5$  и  $f_5^*$  на вход конструкции S3G-128 поступают шесть векторов:

$$\begin{array}{lll} K \in V_{128} & \text{RAND} \in V_{128} & \text{OP}_C \in V_{128} \\ \text{inf}_3 \in V_7 & \text{algoname} \in V_{24} & \text{add} \in V_{32} \end{array}$$

При вычислении значений  $f_2, f_3, f_4, f_5$  и  $f_5^*$  вектор  $\text{inf}_3$  полагается равным  $(0||0||0||0||0||1||0)$ .

Из шести векторов формируется общий вектор

$$F_2 = K||\text{RAND}||\text{OP}_C||\text{add}||\text{inf}_3||\text{algoname} \in V_{447}.$$

Затем вычисляется

$$H(F_2) = \text{HF}_2[511]||\dots||\text{HF}_2[0] \in V_{512}.$$

Тогда

$$\begin{aligned} f_2 &= f_2[63]||\dots||f_2[0] = \text{HF}_2[511]||\dots||\text{HF}_2[448]; \\ f_3 &= f_3[127]||\dots||f_3[0] = \text{HF}_2[447]||\dots||\text{HF}_2[320]; \\ f_4 &= f_4[127]||\dots||f_4[0] = \text{HF}_2[319]||\dots||\text{HF}_2[192]; \\ f_5 &= f_5[47]||\dots||f_5[0] = \text{HF}_2[191]||\dots||\text{HF}_2[144]; \\ f_5^* &= f_5^*[47]||\dots||f_5^*[0] = \text{HF}_2[143]||\dots||\text{HF}_2[96]. \end{aligned}$$

Общая схема вычисления значений  $f_2, f_3, f_4, f_5$  и  $f_5^*$  изображена на рисунке 2.

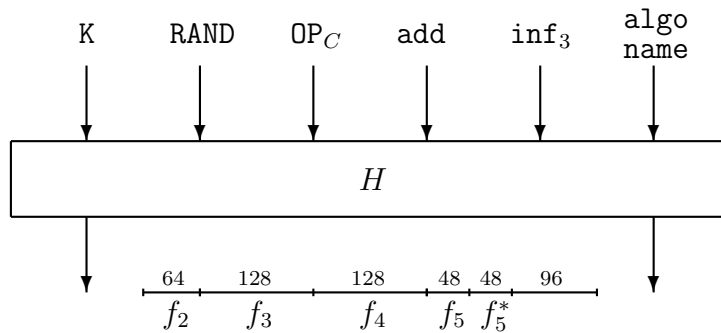


Рис. 2: Вычисление значений  $f_2, f_3, f_4, f_5$  и  $f_5^*$

## 2.3 S3G-256

Приводится описание базовых функций, предназначенных для замены базовых функций в конструкции TУАК (см., например [3, 5, 4]). При вычислении значений функций из конструкции TУАК используются параметры:

- **algoname** – строка TUAk1.0 в ASCII-кодировке, её размер 56 бит;
- **instance** – 8-битный вектор, задающий вычисляемую функцию, где
  - **instance[0], instance[1]** – указывают, какая функция реализуется;
  - **instance[2], instance[3], instance[4]** – определяют длину MAC-A, MAC-S, RES, либо заполняется нулями в случае вычисления значения функции  $f_5^*$  или параметра  $TOP_C$ ;
  - **instance[5], instance[6], instance[7]** – указывают, равны ли 256 битам длины СК, IK, К.

В конструкции S3G-256 также используются указанные выше параметры. Вектор **instance**  $\in V_8$  совпадает с тем, что используется в TUAk. При этом в качестве **algoname** выступает 72-битный вектор (**algoname**  $\in V_{72}$ ), являющийся представлением строки «GOSTR3411» в ASCII-кодировке (без кавычек). В рамках конструкции S3G-256 вектор **add** полагается равным нулевому вектору длины 32, вместе с тем, при необходимости, значение данного вектора может выбираться оператором связи.

### 2.3.1 Вычисление значения $TOP_C$

Для использования конструкции S3G-256 необходимо вычислить значение параметра  $TOP_C$ , на вход конструкции S3G-256 поступают пять векторов

$$\begin{aligned} KV \in V_{256} \quad \mathbf{instance} \in V_8 \quad \mathbf{algoname} \in V_{72} \\ TOP \in V_{256} \quad \mathbf{inf}_1 \in V_8 \end{aligned}$$

из которых формируется общий вектор

$$T = KV || TOP || \mathbf{instance} || \mathbf{inf}_1 || \mathbf{algoname} \in V_{600},$$

в котором:

- $\mathbf{instance} = \mathbf{instance}[7] || \dots || \mathbf{instance}[0]$ , где

$$\begin{aligned} \mathbf{instance}[0] &= \dots = \mathbf{instance}[6] = 0, \\ \mathbf{instance}[7] &= \begin{cases} 0, & \text{если } |K| = 128; \\ 1, & \text{если } |K| = 256, \end{cases} \end{aligned}$$

- $KV \in V_{256}$  такой, что

$$KV = \begin{cases} K, & K \in V_{256}; \\ K || 0, & K \in V_{128}, \end{cases} \quad (1)$$

0 – нулевой вектор длины 128;



- $\text{inf}_1 = (0||0||0||0||0||0||0||0)$ .

С использованием хэш-функции и сформированного вектора  $\mathbf{T}$  вычисляется

$$H(\mathbf{T}) = \text{HT}[511]||\dots||\text{HT}[0] \in V_{512}.$$

Тогда

$$\text{TOP}_C = \text{TOP}_C[255]||\dots||\text{TOP}_C[0] = \text{HT}[511]||\dots||\text{HT}[256].$$

**Замечание 2.** Значение  $\text{TOP}_C$  вычисляется на предварительном этапе и хранится на *USIM*.

Общая схема вычисления значения  $\text{TOP}_C$  изображена на рисунке 3.

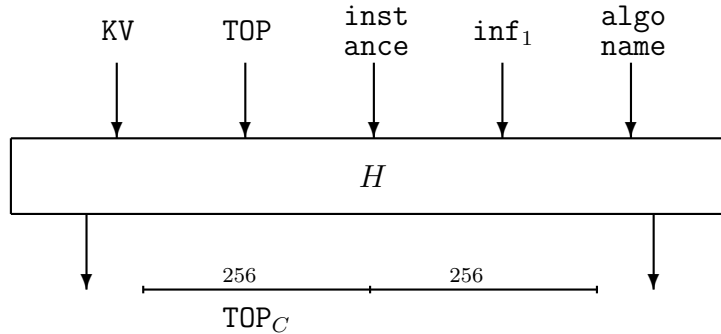


Рис. 3: Вычисление значения  $\text{TOP}_C$

### 2.3.2 Вычисление значений $f_1$ и $f_1^*$

Для вычисления значений  $f_1$  и  $f_1^*$  на вход конструкции S3G-256 поступают девять векторов

$$\begin{array}{lllll} KV \in V_{256} & SQN \in V_{48} & \text{TOP}_C \in V_{256} & add \in V_{32} & \text{algoname} \in V_{72} \\ RAND \in V_{128} & AMF \in V_{128} & instance \in V_8 & inf_2 \in V_8 & \end{array}$$

из которых формируется общий вектор

$$F_1 = KV||RAND||SQN||AMF||\text{TOP}_C||instance||add||inf_2||algoname \in V_{936},$$

в котором

- $\text{instance} = \text{instance}[7] || \dots || \text{instance}[0]$ , где

$$\text{instance}[0] = \text{instance}[1] = 0,$$

$$\text{instance}[2] || \text{instance}[3] || \text{instance}[4] = \begin{cases} 0 || 0 || 1, & \text{если } |\text{MAC}_A| = 64; \\ 0 || 1 || 0, & \text{если } |\text{MAC}_A| = 128; \\ 1 || 0 || 0, & \text{если } |\text{MAC}_A| = 256, \end{cases}$$

$$\text{instance}[5] = \text{instance}[6] = 0,$$

$$\text{instance}[7] = \begin{cases} 0, & \text{если } |K| = 128; \\ 1, & \text{если } |K| = 256, \end{cases}$$

- KV вычисляется в соответствии с равенством (1);
- $\text{inf}_2 = (0 || 0 || 0 || 0 || 0 || 0 || 0 || 1)$ .

С использованием хэш-функции и сформированного вектора  $F_1$  вычисляется

$$H(F_1) = \text{HF}_1[511] || \dots || \text{HF}_1[0].$$

Тогда значением  $f_1$  будет

- если  $|\text{MAC}_A| = 64$ , то  $f_1 = f_1[63] || \dots || f_1[0] = \text{HF}_1[511] || \dots || \text{HF}_1[448]$ ;
- если  $|\text{MAC}_A| = 128$ , то  $f_1 = f_1[127] || \dots || f_1[0] = \text{HF}_1[511] || \dots || \text{HF}_1[384]$ ;
- если  $|\text{MAC}_A| = 256$ , то  $f_1 = f_1[255] || \dots || f_1[0] = \text{HF}_1[511] || \dots || \text{HF}_1[256]$ .

Значением  $f_1^*$  будет

- если  $|\text{MAC}_S| = 64$ , то  $f_1^* = f_1^*[63] || \dots || f_1^*[0] = \text{HF}_1[255] || \dots || \text{HF}_1[192]$ ;
- если  $|\text{MAC}_S| = 128$ , то  $f_1^* = f_1^*[127] || \dots || f_1^*[0] = \text{HF}_1[255] || \dots || \text{HF}_1[128]$ ;
- если  $|\text{MAC}_S| = 256$ , то  $f_1^* = f_1^*[255] || \dots || f_1^*[0] = \text{HF}_1[255] || \dots || \text{HF}_1[0]$ .

### 2.3.3 Вычисление значений $f_2$ , $f_5$ и $f_5^*$

Для вычисления значения  $f_2$ ,  $f_5$  и  $f_5^*$  на вход конструкции S3G-256 поступают семь векторов

$$\begin{array}{llll} \text{KV} \in V_{256} & \text{TOP}_C \in V_{256} & \text{add} \in V_{32} & \text{algoname} \in V_{72} \\ \text{RAND} \in V_{128} & \text{instance} \in V_8 & \text{inf}_3 \in V_8 & \end{array}$$

из которых формируется общий вектор

$$F_{2,5} = \text{KV} || \text{RAND} || \text{TOP}_C || \text{instance} || \text{add} || \text{inf}_3 || \text{algoname} \in V_{760},$$

в котором

- $\text{instance} = \text{instance}[7] || \dots || \text{instance}[0]$ , где

$$\text{instance}[0] = \text{instance}[1] = 1,$$

$$\text{instance}[2] || \text{instance}[3] || \text{instance}[4] = \begin{cases} 0 || 0 || 0, & \text{если } |\text{RES}| = 32; \\ 0 || 0 || 1, & \text{если } |\text{RES}| = 64; \\ 0 || 1 || 0, & \text{если } |\text{RES}| = 128; \\ 1 || 0 || 0, & \text{если } |\text{RES}| = 256, \end{cases}$$

$$\text{instance}[5] = \begin{cases} 0, & \text{если } |\text{CK}| = 128; \\ 1, & \text{если } |\text{CK}| = 256, \end{cases}$$

$$\text{instance}[6] = \begin{cases} 0, & \text{если } |\text{IK}| = 128; \\ 1, & \text{если } |\text{IK}| = 256, \end{cases}$$

$$\text{instance}[7] = \begin{cases} 0, & \text{если } |\text{K}| = 128; \\ 1, & \text{если } |\text{K}| = 256, \end{cases}$$

- KV вычисляется в соответствии с равенством (1);
- $\text{inf}_3 = (0 || 0 || 0 || 0 || 0 || 0 || 1 || 0)$ .

С использованием хэш-функции и сформированного вектора  $\mathbf{F}_{2,5}$  вычисляется

$$H(\mathbf{F}_{2,5}) = \text{HF}_{2,5}[511] || \dots || \text{HF}_{2,5}[0].$$

Тогда значением  $f_2$  будет

- если  $|\text{RES}| = 32$ , то  $f_2 = f_2[31] || \dots || f_2[0] = \text{HF}_{2,5}[511] || \dots || \text{HF}_{2,5}[480]$ ;
- если  $|\text{RES}| = 64$ , то  $f_2 = f_2[63] || \dots || f_2[0] = \text{HF}_{2,5}[511] || \dots || \text{HF}_{2,5}[448]$ ;
- если  $|\text{RES}| = 128$ , то  $f_2 = f_2[127] || \dots || f_2[0] = \text{HF}_{2,5}[511] || \dots || \text{HF}_{2,5}[384]$ ;
- если  $|\text{RES}| = 256$ , то  $f_2 = f_2[255] || \dots || f_2[0] = \text{HF}_{2,5}[511] || \dots || \text{HF}_{2,5}[256]$ .

Значением  $f_5$  будет

$$f_5 = f_5[47] || \dots || f_5[0] = \text{HF}_{2,5}[255] || \dots || \text{HF}_{2,5}[208].$$

Значением  $f_5^*$  будет

$$f_5^* = f_5^*[47] || \dots || f_5^*[0] = \text{HF}_{2,5}[207] || \dots || \text{HF}_{2,5}[160].$$

### 2.3.4 Вычисление значений $f_3, f_4$

Для вычисления значений  $f_3, f_4$  на вход конструкции S3G-256 поступают семь векторов

$$\begin{array}{llll} KV \in V_{256} & TOP_C \in V_{256} & add \in V_{32} & algoname \in V_{72} \\ RAND \in V_{128} & instance \in V_8 & inf_4 \in V_8 & \end{array}$$

из которых формируется общий вектор

$$F_{3,4} = KV || RAND || TOP_C || instance || add || inf_4 || algoname \in V_{760},$$

в котором

- $instance = instance[7] || \dots || instance[0]$ , где

$$instance[0] = 0, \quad instance[1] = 1,$$

$$instance[2] || instance[3] || instance[4] = \begin{cases} 0 || 0 || 0, & \text{если } |RES| = 32; \\ 0 || 0 || 1, & \text{если } |RES| = 64; \\ 0 || 1 || 0, & \text{если } |RES| = 128; \\ 1 || 0 || 0, & \text{если } |RES| = 256, \end{cases}$$

$$instance[5] = \begin{cases} 0, & \text{если } |CK| = 128; \\ 1, & \text{если } |CK| = 256, \end{cases}$$

$$instance[6] = \begin{cases} 0, & \text{если } |IK| = 128; \\ 1, & \text{если } |IK| = 256, \end{cases}$$

$$instance[7] = \begin{cases} 0, & \text{если } |K| = 128; \\ 1, & \text{если } |K| = 256, \end{cases}$$

- $KV$  вычисляется в соответствии с равенством (1),
- $inf_4 = (0 || 0 || 0 || 0 || 0 || 0 || 1 || 1)$ .

С использованием хэш-функции и сформированного вектора  $F_{3,4}$  вычисляется

$$H(F_{3,4}) = HF_{3,4}[511] || \dots || HF_{3,4}[0].$$

Тогда значением  $f_3$  будет

- если  $|CK| = 128$ , то  $f_3 = f_3[127] || \dots || f_3[0] = HF_{3,4}[511] || \dots || HF_{3,4}[384]$ ;
- если  $|CK| = 256$ , то  $f_3 = f_3[255] || \dots || f_3[0] = HF_{3,4}[511] || \dots || HF_{3,4}[256]$ .

Значением  $f_4$  будет

- если  $|IK| = 128$ , то  $f_4 = f_4[127] || \dots || f_4[0] = HF_{3,4}[255] || \dots || HF_{3,4}[128]$ ;
- если  $|IK| = 256$ , то  $f_4 = f_4[255] || \dots || f_4[0] = HF_{3,4}[255] || \dots || HF_{3,4}[0]$ .

## Список литературы

- [1] 3GPP TS 35.205 V13.0.0 (2016-01). 3rd Generation Partnership Project; Technical Specification Group Services and System Aspects; 3G Security; Specification of the MILENAGE Algorithm Set: An example algorithm set for the 3GPP authentication and key generation functions  $f_1$ ,  $f_1^*$ ,  $f_2$ ,  $f_3$ ,  $f_4$ ,  $f_5$  and  $f_5^*$ ; Document 1: General (Release 13).
- [2] 3GPP TS 35.206 V13.0.0 (2016-01). 3rd Generation Partnership Project; Technical Specification Group Services and System Aspects; 3G Security; Specification of the MILENAGE Algorithm Set: An example algorithm set for the 3GPP authentication and key generation functions  $f_1$ ,  $f_1^*$ ,  $f_2$ ,  $f_3$ ,  $f_4$ ,  $f_5$  and  $f_5^*$ ; Document 2: Algorithm Specification (Release 13).
- [3] 3GPP TS 35.231 V13.0.0 (2016-01). 3rd Generation Partnership Project; Technical Specification Group Services and System Aspects; Specification of the Tuak algorithm set: A second example algorithm set for the 3GPP authentication and key generation functions  $f_1$ ,  $f_1^*$ ,  $f_2$ ,  $f_3$ ,  $f_4$ ,  $f_5$  and  $f_5^*$ ; Document 1: Algorithm specification (Release 13).
- [4] 3GPP TS 35.233 V13.0.0 (2016-01). 3rd Generation Partnership Project; Technical Specification Group Services and System Aspects; Specification of the Tuak algorithm set: A second example algorithm set for the 3GPP authentication and key generation functions  $f_1$ ,  $f_1^*$ ,  $f_2$ ,  $f_3$ ,  $f_4$ ,  $f_5$  and  $f_5^*$ ; Document 3: Design conformance test data (Release 13).
- [5] ETSI TS 135 232 V13.0.0 (2016-01). Universal Mobile Telecommunications System (UMTS); LTE; Specification of the TUAK algorithm set: A second example algorithm set for the 3GPP authentication and key generation functions  $f_1$ ,  $f_1^*$ ,  $f_2$ ,  $f_3$ ,  $f_4$ ,  $f_5$  and  $f_5^*$ ; Document 2: Implementers' test data (3GPP TS 35.232 version 13.0.0 Release 13).
- [6] Национальный стандарт Российской Федерации. ГОСТ 34.11-2012. Информационная технология. Криптографическая защита информации. Функция хэширования.
- [7] G. Bertoni, J. Daemen, M. Peeters, and G. Van Assche. Cryptographic sponge functions. <http://noekeon.org>.
- [8] G. Bertoni, J. Daemen, M. Peeters, and G. Van Assche. The keccak reference. <http://noekeon.org>.